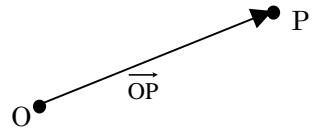


位置ベクトル (平面) フローチャート

★点 O から点 P に引いたベクトル \vec{OP} は、
(点 O から見た) 点 P の位置ベクトルという。



↓
位置ベクトル \vec{OP} は、点 P の“位置”を調べるのに使うベクトルと考えると分かりやすい。

★位置ベクトルの表現

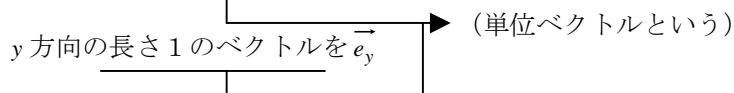
①実数倍・・・3点 O, A, B が一直線上にある場合は、
実数 k を用いて、『 $\vec{OA} = k\vec{OB}$ 』で表現できる。

重要!!
点 P が直線 AB 上にあ
るとき、
 $\vec{OP} = s\vec{OA} + t\vec{OB}$
で表されるとき、
 $s+t=1$ とわかる。

②分点表示・・・点 P が線分 AB を $m : n$ に内分、外分する点である場合は、

$$\vec{OP} = \frac{n\vec{OA} + m\vec{OB}}{m+n} \quad (\text{外分の場合、} n \text{ を} -n \text{ にすればよい})$$

③成分表示・・・ x 方向の長さ 1 のベクトルを \vec{e}_x



としたとき、

$$\vec{OP} = a\vec{e}_x + b\vec{e}_y \Leftrightarrow \vec{OP} = (a, b)$$

基点を座標平面上の原
点として考える。

で表せる。

《重要：位置ベクトルの性質》

★3点 O, A, B において、この3点で三角形を作れるとき平面が一つ決まる (平面 OAB)。
このとき \vec{OA} と \vec{OB} と \vec{AB} は“1次独立”という。



平面 OAB 上にある点 P の位置ベクトル \vec{OP} は、必ず 1 次独立の \vec{OA} と \vec{OB} を使って表せて、
また、その表し方は「 $\vec{OP} = s\vec{OA} + t\vec{OB}$ 」のただ一通りの表し方となる。

例えば \vec{OA} と \vec{OB} が 1 次独立であるとき、平面 OAB 上にある点 P の位置ベクトル \vec{OP} が、
$$\vec{OP} = s\vec{OA} + t\vec{OB} = \alpha\vec{OA} + \beta\vec{OB}$$

で表されるのならば、 $s = \alpha$ かつ $t = \beta$ が成り立つ。

代表的な図形の解釈方法：

① 交点の解釈：(s, t は実数)

$$\vec{OP} = \vec{OA} + s \vec{AB} \dots \textcircled{1}$$

$$\vec{OP} = \vec{OC} + t \vec{CD} \dots \textcircled{2}$$

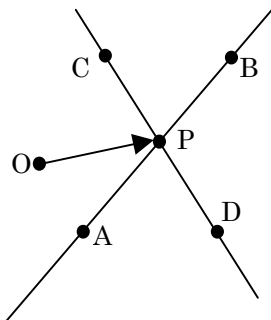
でそれぞれ表して、

↓

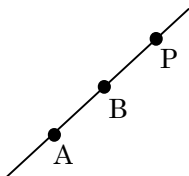
さらに①と②を1次独立のベクトル \vec{OA} と \vec{OB} で表す。

↓

あとは表現がただ一つであることを利用して、係数比較して s と t を求めていく。



② 点 P が直線 AB 上にあるときの考え方：



$$\vec{OP} = f(s) \vec{OA} + g(s) \vec{OB} \text{ の形で表す。}$$

↓

必ず $f(s) + g(s) = 1$ になることを利用して、 s を求める。

③ $\vec{OP} = s \vec{OA} + t \vec{OB}$ (s, t は実数) で表された点 P の描く図形：

《斜交座標系を使ってイメージする方法》

\vec{OA} を s 方向の単位ベクトルとする。

\vec{OB} を t 方向の単位ベクトルとする。

点 P の描く図形は、 s と t のみならず方程式・不等式で表される点 (s, t) の描く軌跡や領域である。

※ 普段からやっている xy 平面でイメージしてから書くと良い。

(例) $s+t=1$ をみたすならば $x+y=1$ の直線をイメージして書くと下の直線 AB になる。

